

16/20

Durée : 20 min - Documents et calculatrices interdits - Nb de pages: 1

Nom et prénom(s) : Sally E. Hajjar

Choisir la bonne réponse.

1. Si f est continue positive sur $[0, \infty[$ et $\lim_{t \rightarrow \infty} t^2 f(t) = 0$, alors $\int_0^{\infty} f(t) dt$
 (a) converge
 (b) diverge
 (c) on ne peut rien dire.
2. Si f est continue positive sur $[0, \infty[$ et $\lim_{t \rightarrow \infty} t^2 f(t) = +\infty$, alors $\int_0^{\infty} f(t) dt$
 (a) converge
 (b) diverge
 (c) on ne peut rien dire.
3. Si f est continue positive sur $[0, \infty[$ et $\lim_{t \rightarrow \infty} t f(t) = +\infty$, alors $\int_0^{\infty} f(t) dt$
 (a) converge
 (b) diverge
 (c) on ne peut rien dire.
4. Si f est continue positive sur $[0, \infty[$ et $\lim_{t \rightarrow \infty} t f(t) = 0$, alors $\int_0^{\infty} f(t) dt$
 (a) converge
 (b) diverge
 (c) on ne peut rien dire.
5. Si f est continue sur $[0, \infty[$ et $\int_0^{\infty} f(t) dt$ est absolument convergente. Alors $\int_0^{\infty} \cos(t) f(t) dt$
 (a) converge
 (b) diverge
 (c) on ne peut rien dire.

Répondre par Vrai ou Faux.

1. Si f est continue sur $[0, \infty[$ et $\int_0^{\infty} f(t) dt$ est absolument convergente. Alors $\lim_{t \rightarrow \infty} f(t) = 0$. *Vrai*
2. Supposons que f et g sont continues sur $[a, b]$, et que $f = o(g)$. Alors si $\int_a^b g(t) dt$ est absolument convergente, alors $\int_0^{\infty} f(t) dt$ est absolument convergente. *Faux*
3. Si f et g sont de classe C^1 sur $[a, b]$, alors $\int_a^b f(t)g'(t) dt$ et $\int_a^b f'(t)g(t) dt$ sont de même nature. *Vrai*
4. $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{x^2}$ est divergente pour tout a dans \mathbb{R} . *Vrai*
5. Si f est une fonction définie sur $A \times [a, b[$ par $(x, t) \mapsto f(x, t)$, et si $\forall x \in A, \int_a^b f(x, t) dt$ converge, et $\frac{\partial f}{\partial x}$ est continue sur $[a, b]$, alors

$$\frac{\partial}{\partial x} \int_a^b f(x, t) dt = \int_a^b \frac{\partial f}{\partial x}(x, t) dt.$$

Vrai