

Serie de terme general	Converge si	et sa somme vaut alors
q^n	$ q < 1$	$\sum_{n=0}^{+\infty} q^n = \frac{1}{1-q}$
$n q^{n-1}$	$ q < 1$	$\sum_{n=1}^{+\infty} n q^{n-1} = \frac{1}{(1-q)^2}$
$n(n-1) q^{n-2}$	$ q < 1$	$\sum_{n=2}^{+\infty} n(n-1) q^{n-2} = \frac{2}{(1-q)^3}$
$n(n-1)\dots(n-R+1) q^{n-R}$ $= \frac{n!}{(n-R)!} q^{n-R}$	$ q < 1$	$\sum_{n=R}^{+\infty} \frac{n!}{(n-R)!} q^{n-R} = \frac{R!}{(1-q)^{R+2}}$
$\binom{n}{R} q^{n-R} = \frac{n!}{(n-R)! R!} q^{n-R}$	$ q < 1$	$\frac{1}{(1-q)^{R+2}}$
$\frac{x^n}{n!}$	Toujours	$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = e^x$
$\frac{1}{n^\alpha}$	$\alpha > 1$?
$U_n = a_{n+1} - a_n$	a_n converge	$\sum_{n=0}^{\infty} U_n = a_{n+1} - a_0$

• Si $\sum_{n=0}^{+\infty} U_n \rightarrow \underset{\substack{\downarrow \\ \text{limite}}}{S} \Rightarrow U_n \rightarrow 0$ (Δ La reciproque n'est pas vraie)
 $\frac{1}{n} \rightarrow 0$ mais $\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{1}{n}$ diverge

- Si $U_n = o(V_n)$ ou si $U_n \leq V_n$ (a partir d'un rang), si $\sum_{n \geq 0} V_n$ converge alors $\sum_{n \geq 0} U_n$ converge aussi
 - Si $U_n \sim V_n$ alors $\sum U_n$ et $\sum V_n$ sont de meme nature
 - Si $U_n = o(V_n)$ ou si $U_n < V_n$ (a partir d'un rang), si $\sum_{n \geq 0} U_n$ diverge alors $\sum_{n \geq 0} V_n$ diverge aussi
 - Si $\alpha > 1$ tel que $n^\alpha U_n \rightarrow 0$ (au versant limite finie) alors $\sum U_n$ est convergent
 - Si $\alpha \leq 1$ tel que $n^\alpha U_n \rightarrow +\infty$ alors $\sum U_n$ diverge.
 - Si $\frac{U_{n+1}}{U_n} \rightarrow \rho < 1$ alors $\sum U_n$ converge
- ↳ Ces propriétés marchent pour les serie à terme constant (positif ou negatif) ^{de signe}
- Si $\sum_{n \geq 0} |U_n|$ est convergent alors $\sum_{n \geq 0} U_n$ converge